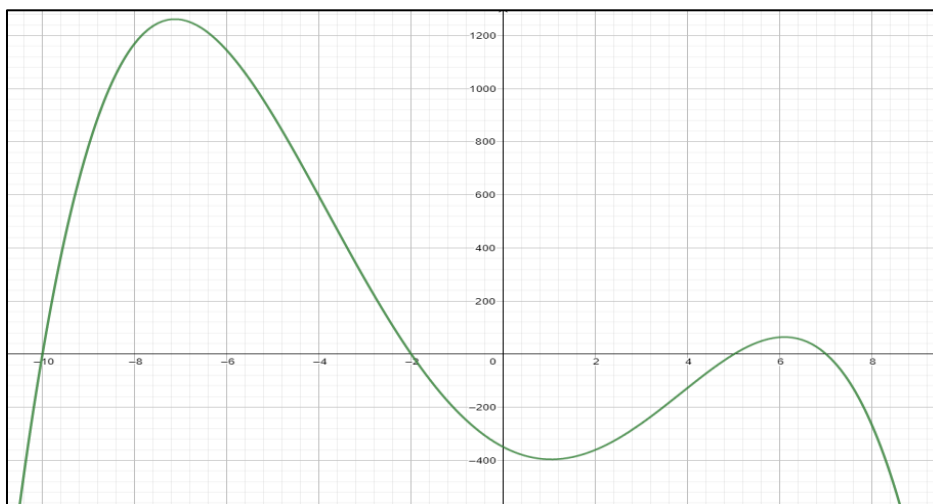
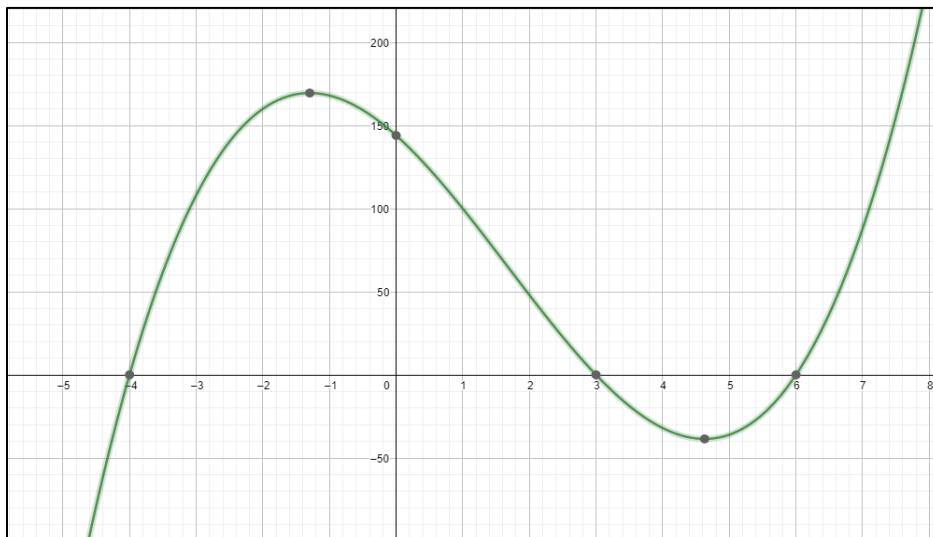
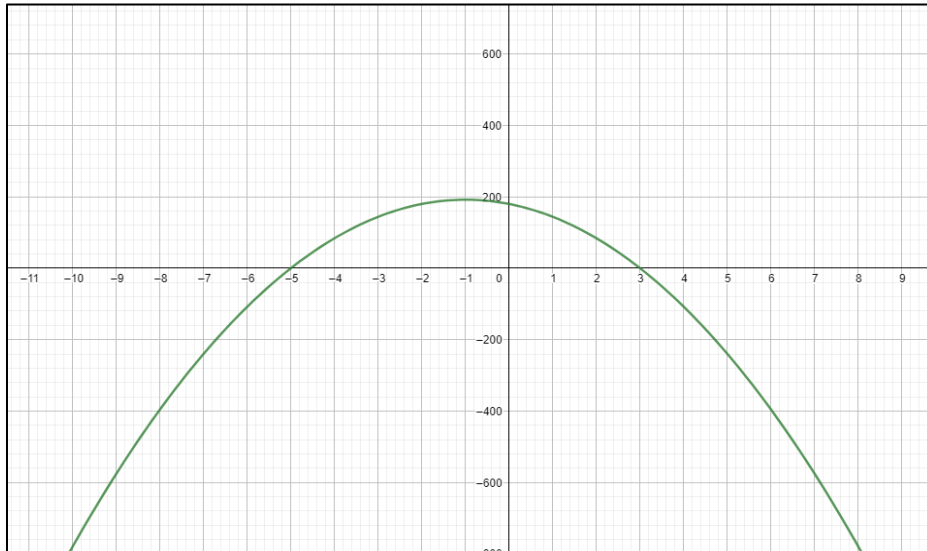


# Übungsklausur Mathe Differentialrechnung (bis zu Extrema)

1. Zeichnen Sie den (ungefähren) Verlauf der Ableitungsfunktion!



2. Berechnen Sie näherungsweise die Ableitung von  $f(x) = x^3 + 3x$  an der Stelle  $x_0 = 2$  mithilfe des Differenzenquotienten für  $h \rightarrow 0$ !
  
3. a. Berechnen Sie die mittlere Änderungsrate der Funktion  $f(x) = 5x^4 + 4x^2 + 3x + 10$  im Intervall  $[-4;6]$ !  
 b. Erklären Sie den Begriff der momentanen Änderungsrate und den Unterschied zwischen momentaner und mittlerer Änderungsrate!
  
4. Bestimmen Sie die erste und zweite Ableitung!
  - a.  $f(x) = -6x^8 + 9x^4 - 3x^3 + 7x$
  - b.  $f(x) = -7x^3 + 4x^2 + 6x + 8$
  - c.  $f(x) = 12$
  - d.  $f(t) = -4t^3 + 6tx + x^2$
  - e.  $f(a) = 4x^2 + 4ax + a^3$
  
5. a. Untersuchen Sie  $f(x) = -x^4 + 50x^2 - 4$  auf Extrema!  
 b. Stellen Sie die Gleichung der Tangente an  $f(x)$  im  $x_0 = 2$  auf!
  
6. Nach der Einnahme einer Tablette verläuft die Konzentration  $f$  des Wirkstoffs gemäß der Funktion  $f(x) = -x^3 + 9x^2 + 120x + 90$ .  
 ( $x$ : Zeit in Stunden seit der Einnahme;  $f$ : Konzentration im Blut in  $\mu\text{g/l}$ )
  - a. Wie hoch ist die Konzentration eine Stunde nach der Einnahme?
  - b. Berechnen Sie, wann der Patient  $500 \mu\text{g/l}$  des Wirkstoffes im Blut hat!
  - c. Berechnen Sie, wie hoch die Maximalkonzentration ist und wann sie erreicht wird!
  - d. Nach 15 Stunden baut sich die Konzentration linear ab und kann durch die Funktion  $g(x)$  modelliert werden. Ermitteln Sie die Gleichung der Funktion  $g(x)$  und bestimmen Sie den Zeitpunkt, zu dem laut der Modellfunktion kein Wirkstoff mehr im Blut des Patienten ist!