

Anleitung zum Ableiten mit der h-Methode:

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0+h) - f(x_0)}{h} = f'(x_0)$$

Beispiel:

$$f(x) = 2x^2 - 4$$

$$f(x_0) = 2x_0^2 - 4$$

$$f(x_0 + h) = 2 \cdot (x_0 + h)^2 - 4$$

$$\begin{aligned} & \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x_0+h) - f(x_0)}{h} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2 \cdot (x_0+h)^2 - 4) - (2x_0^2 - 4)}{h} && \text{(1. binomische Formel)} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2 \cdot (x_0^2 + 2x_0h + h^2) - 4) - (2x_0^2 - 4)}{h} && \text{(ausmultiplizieren)} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(2x_0^2 + 4x_0h + 2h^2 - 4) - (2x_0^2 - 4)}{h} && \text{(Klammern auflösen)} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{2x_0^2 + 4x_0h + 2h^2 - 4 - 2x_0^2 + 4}{h} && \text{(den Zähler vereinfachen)} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} \frac{4x_0h + 2h^2}{h} && \text{(durch h teilen)} \\ &= \lim_{h \rightarrow 0} (4x_0 + 2h) = 4x_0 && \text{(den Grenzwert berechnen)} \\ & \quad \downarrow \\ & \quad 0 \end{aligned}$$

⇒ Die Funktion $f(x) = 2x^2 - 4$ hat in x_0 die Steigung $4x_0$.

- f hat in $x_0 = 2$ die Steigung 8
- f hat in $x_0 = 3$ die Steigung 12
- f hat in $x_0 = -4$ die Steigung -16