

## Lösung zur Berechnung von komplexeren Integralen

$\int_0^1 7 \cdot e^{4x+2} dx$	$\left[ \frac{7}{4} \cdot e^{4x+2} \right]_0^1$ $= \frac{7}{4} \cdot e^6 - \frac{7}{4} \cdot e^2 \approx 706 - 12,93 = 693,07$
$\int_3^6 4 \cdot e^{0,4x+3} dx$	$\left[ \frac{4}{0,4} \cdot e^{0,4x+3} \right]_3^6$ $= 10 \cdot e^{5,4} - 10 \cdot e^{4,2} \approx 2214,06 - 666,86 = 1547,2$
$\int_3^6 (8 \cdot e^{-0,5x} + 16 \cdot e^{0,5x}) dx$	$\left[ \frac{8}{-0,5} \cdot e^{-0,5x} + \frac{16}{0,5} \cdot e^{0,5x} \right]_3^6$ $= -16 \cdot e^{-3} + 32 \cdot e^3 - (-16 \cdot e^{-1,5} + 32 \cdot e^{1,5})$ $= 641,941 - 139,844 = 502,097$
$\int_{-6}^{-2} (e^{2x+10} + 2x) dx$	$\left[ \frac{1}{2} \cdot e^{2x+10} + x^2 \right]_{-6}^{-2}$ $= \frac{1}{2} \cdot e^6 + (-2)^2 - \left( \frac{1}{2} \cdot e^{-2} + (-6)^2 \right)$ $\approx 205,714 - 36,067 = 169,647$
$\int_{-2}^4 \frac{2}{3} \cdot e^{-3x+2} dx$	$\left[ \frac{2}{-9} \cdot e^{-3x+2} \right]_{-2}^4$ $= -\frac{2}{9} \cdot e^{-10} - \left( -\frac{2}{9} \cdot e^8 \right) \approx -0,00001 - (-662,435) \approx 662,435$
$\int_1^3 10 \cdot x^{-7} dx$	$\left[ \frac{10}{-6} \cdot x^{-6} \right]_1^3$ $= -\frac{5}{3} \cdot 3^{-6} - \left( -\frac{5}{3} \cdot (1)^{-6} \right) = -\frac{5}{2187} - \left( -\frac{5}{3} \right) = \frac{3640}{2187} \approx 1,66$
$\int_{-8}^{-2} \frac{6}{x^4} dx$ $= \int_{-8}^{-2} 6 \cdot x^{-4} dx$	$\left[ \frac{6}{-3} \cdot x^{-3} \right]_{-8}^{-2}$ $= -2 \cdot (-2)^{-3} - (-2 \cdot (-8)^{-3}) = \frac{1}{4} - \left( \frac{1}{256} \right) = \frac{63}{256} \approx 0,25$
$\int_1^4 \left( 2 \cdot e^{-6x+2} + \frac{1}{x} \right) dx$	$\left[ \frac{2}{-6} \cdot e^{-6x+2} + \ln(x) \right]_1^4$ $= -\frac{1}{3} \cdot e^{-22} + \ln(4) - \left( -\frac{1}{3} \cdot e^{-4} + \ln(1) \right) \approx 1,39 - (-0,0061) = 1,384$
$\int_{-1}^2 (t^3 + x^2) dx$	$\left[ t^3 \cdot x + \frac{1}{3} x^3 \right]_{-1}^2 = t^3 \cdot 2 + \frac{1}{3} \cdot 2^3 - \left[ t^3 \cdot (-1) + \frac{1}{3} \cdot (-1)^3 \right]$ $= 2t^3 + \frac{8}{3} + t^3 + \frac{1}{3} = 3 + 3t^3$
$\int_1^3 (0,5x^4 + 8ax^3) dx$	$[0,1x^5 + 2ax^4]_1^3 = 0,1 \cdot 3^5 + 2a3^4 - [0,1 \cdot 1^5 + 2a \cdot 1^4]$ $= 24,3 + 162a - [0,1 + 2a] = 24,2 + 160a$
$\int_1^3 (0,5x^4 + 8ax^3) da$	$[0,5x^4 \cdot a + 4x^3 a^2]_1^3$ $= 0,5x^4 \cdot 3 + 4x^3 3^2 - [0,5x^4 \cdot 1 + 4x^3 1^2]$ $= 1,5x^4 + 36x^3 - 0,5x^4 - 4x^3 = x^4 + 32x^3$